

Zadanie 4.14

Założmy, że podczas rozpędzania platformy (patrz: zadanie 4.13) silnik musi dodatkowo pokonywać moment siły hamującej o wartości 65 Nm. Oblicz pracę i średnią moc silnika w tym przypadku. Załóż, że platforma rozpędza się w takim samym czasie do takiej samej częstotliwości jak poprzednio.

Z zadania 4.13 wynika, że:

$$m = 500 \text{ kg}$$

$$r = 1,5 \text{ m}$$

$$t = 10 \text{ s}$$

$$f = 1,5 \text{ Hz} = 1,5 \frac{1}{\text{s}}$$

W treści tego zadania podane mamy, że:

$$M = 65 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Moment sił działające na rozpędzający się silnik pochodzą od siły silnika oraz siły hamującej. Siły te mają przeciwne zwroty, czyli i momenty sił będą skierowane przeciwnie. Zatem korzystając z II zasady dynamiki dla ruchu obrotowego możemy zapisać, że:

$$I_{\varepsilon} = M_s - M$$

INNE POTRZEBNE WZORY:

$$I = \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2$$

$$\varepsilon = \frac{\omega}{t}$$

gdzie I jest momentem bezwładności platformy, ε jest wartością przyspieszenia kąowego, M_s to moment siły silnika, M jest momentem siły hamującej. Więc wartość momentu siły silnika ma postać:

$$M_s - M = I_{\varepsilon} / + M$$

$$M_s = I_{\varepsilon} + M$$

$$M_s = \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2 \cdot \frac{\omega}{t} + M$$

$$M_s = \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2 \cdot \frac{2\pi f}{t} + M$$

$$M_s = \frac{\pi m r^2 f}{t} + M$$

Kąt, o jaki obróci się platforma wynosi:

$$\alpha = \frac{1}{2} \cdot \varepsilon \cdot t^2$$

$$\alpha = \frac{1}{2} \cdot \frac{\omega}{t} \cdot t^2$$

$$\alpha = \frac{1}{2} \cdot \omega \cdot t$$

$$\alpha = \frac{1}{2} \cdot 2\pi f t$$

Wówczas praca wykonana przez silnik w tym przypadku ma postać:

$$W = M \cdot \alpha$$

$$W = \left(\frac{\pi m r^2 f}{t} + M \right) \cdot \pi f t$$

$$W = (\pi m r^2 f + M t) \cdot \pi f$$

Podstawiamy dane liczbowe:

$$\begin{aligned} W &= (3,14 \cdot 500 \text{ kg} \cdot (1,5 \text{ m})^2 \cdot 1,5 \frac{1}{\text{s}} + 65 \text{ N} \cdot \text{m} \cdot 10 \text{ s}) \cdot 3,14 \cdot 1,5 \frac{1}{\text{s}} = \\ &= (3,14 \cdot 500 \text{ kg} \cdot 2,25 \text{ m}^2 \cdot 1,5 \frac{1}{\text{s}} + 650 \text{ N} \cdot \text{m} \cdot \text{s}) \cdot 4,71 \frac{1}{\text{s}} = \\ &= (5298,75 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}} + 650 \text{ J} \cdot \text{s}) \cdot 4,71 \frac{1}{\text{s}} = \\ &= (5298,75 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot \text{s} + 650 \text{ J} \cdot \text{s}) \cdot 4,71 \frac{1}{\text{s}} = \\ &= (5298,75 \text{ J} \cdot \text{s} + 650 \text{ J} \cdot \text{s}) \cdot 4,71 \frac{1}{\text{s}} = \\ &= 5948,75 \text{ J} \cdot \text{s} \cdot 4,71 \frac{1}{\text{s}} = 28018,6 \text{ J} \approx 28019 \text{ J} \approx 28 \text{ kJ} \end{aligned}$$

Moc silnika wynosić więc będzie:

$$P = \frac{W}{t}$$

$$P = \frac{28019 \text{ J}}{10 \text{ s}} = 2801,90 \frac{\text{J}}{\text{s}} \approx 2802 \text{ W} \approx 28 \text{ kW}$$